

MÓDULO I - UE01

CONJUNTOS - Introdução



Objetivos:

Ao término desta unidade de estudo (U.E.) você deverá ser capaz de:

- entender intuitivamente a noção de conjuntos e identificar a diferença entre conjunto e elemento;
- representar os conjuntos entre chaves, indicando a característica no diagrama de Venn;
- dominar a relação de pertinência ou inclusão entre elemento, conjunto e subconjunto;
- utilizar corretamente os símbolos na teoria dos conjuntos;
- determinar a intersecção e união de conjuntos.

CONJUNTOS

Caro aluno, a Matemática é uma ciência, isto é, ela é uma representação da vida. Ela começou a existir no momento em que o primeiro homem anotou, nas paredes da caverna, o total de caças conseguidas no dia. Assim, os números anotados representavam os animais caçados. Graças a esta tentativa de representação do que o cercava, o homem criou a Matemática, e fez com que ela evoluísse sempre. Percebe-se hoje a importância e a necessidade da Matemática na racionalização e aprimoramento de serviços prestados, como, por exemplo, os computadores, os radares, a televisão, etc.

ELEMENTOS E CONJUNTOS

Você precisa saber que a noção de conjunto é fundamental em Matemática.

Tomemos, por exemplo, uma família composta por um homem, uma mulher e seu filho. Além dos três, podemos considerar como membros da família, os parentes. Como parentes, podemos entender:

- os pais dos pais;
- os irmãos dos pais;
- os avós dos pais;
- os tios dos pais;
- os primos dos pais;

Apesar de serem pessoas diferentes, o que os une realmente é o fato de serem parentes.

Na Matemática, os agrupamentos recebem o nome de Conjunto. Cada um dos componentes do conjunto é chamado Elemento. Um conjunto é formado por elementos unidos por um elo. Esse elo é chamado de propriedade. No exemplo acima, temos:

- o Conjunto é a Família
- os Elementos são os componentes da Família
- a propriedade comum é o fato de serem parentes.

Pense conosco:

- Quais são os elementos do conjunto dias da semana?

Os elementos do conjunto dias da semana são: segunda-feira, terça-feira, quarta-feira, quinta-feira, sexta-feira, sábado e domingo.

- Que conjunto se forma com os elementos primavera, verão, outono e inverno?

Você acertou se pensou no conjunto das estações do ano.

- Observe os seguintes dias da semana:
quarta-feira, quinta-feira.

Qual é a propriedade comum dos elementos do conjunto formado por esses dois dias?

A propriedade comum dos elementos do conjunto formado por quarta-feira e quinta-feira é dias da semana que começam com a letra **q**.

REPRESENTAÇÃO DE UM CONJUNTO

Podemos representar um conjunto de três modos:

- a) Colocando entre chaves o nome de uma propriedade comum a seus elementos:

Exemplos:

{vogais}
{dias da semana}
{números pares}

- b) Nomeando os elementos do conjunto, separando-os com vírgula, também, entre chaves.

Exemplos:

- Conjunto das vogais:
 $V = \{a, e, i, o, u\}$
- Conjunto das letras da palavra matemática:
 $M = \{m, a, t, e, i, c\}$

Observação:

- **Em conjuntos**, não se repete o elemento.
- A ordem em que eles aparecem não altera o conjunto, $\{a, t, m, i, e, c\}$ ou $\{i, e, c, a, t, m\}$ é o mesmo conjunto.

- c) Através do diagrama de Venn: escrevemos todos os elementos do conjunto no interior de uma linha fechada, chamada linha poligonal.

Exemplos:

- conjuntos das letras das palavras AMOR.



- Conjuntos dos números **ímpares** maiores que 2 e menores que 8:

**TIPOS DE CONJUNTOS****Conjunto Unitário**

É o conjunto formado por apenas um elemento.

Exemplo:

- conjunto **D** dos dias da semana que começam com a letra **d**.

$$D = \{\text{domingo}\}$$

Conjunto Vazio

É o conjunto que não possui elemento.

Exemplo:

- conjunto **F** dos meses do ano que começam com a letra **b**.

$$F = \{ \}$$

Para representarmos um conjunto vazio, podemos utilizar também o símbolo \emptyset .

Assim, $F = \{ \}$ ou $F = \emptyset$

Conjunto Finito

É o conjunto em que é possível citar todos os elementos (possui uma quantidade de elementos que pode ser determinada.)

Exemplo:

Conjunto S das letras da palavra SABER

$$S = \{S, A, B, E, R\}$$

Conjunto Infinito

É o conjunto em que não é possível enumerar todos os elementos (possui uma quantidade de elementos que não pode ser determinada.)

Exemplo:

O conjunto dos números pares.

$$P = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots\}$$

Neste caso, escrevemos o primeiro elemento, alguns que o sucedem e colocamos reticências, porque é impossível escrever todos os elementos.

Exercícios Resolvidos

A. Represente, nomeando seus elementos, os seguintes conjuntos:

a) Conjunto **B** das letras da palavra ESCOLA.

B = {E, S, C, O, L, A} escrevemos os elementos separados por vírgula.

b) Conjunto **C** das vogais da palavra CONJUNTO.

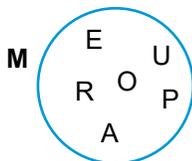
C = {O, U} não é necessário repetir a letra O.

c) Conjunto **D** dos números ímpares.

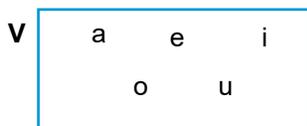
D = {1, 3, 5, 7...} escrevemos o primeiro elemento, alguns que o sucedem e colocamos reticências, pois não é possível escrever todos os elementos.

B. Represente, através do diagrama de Venn, cada conjunto abaixo:

a) Conjunto **M** das letras da palavra EUROPA.



b) Conjunto **V** das vogais.



RELAÇÃO DE PERTINÊNCIA ENTRE ELEMENTO E CONJUNTO

Quando relacionamos elemento e conjunto, usamos a relação de pertinência \in (pertence) ou \notin (não pertence).

Tomemos o conjunto das vogais:

$$V = \{a, e, i, o, u\}$$

a é um elemento do conjunto das vogais.

d não é um elemento do conjunto das vogais

dizemos então que:

a pertence ao conjunto das vogais.

d não pertence ao conjunto das vogais.

Representamos simbolicamente assim:

$a \in \{a, e, i, o, u\} \rightarrow (\in)$ significa pertence.

$d \notin \{a, e, i, o, u\} \rightarrow (\notin)$ significa não pertence.

$\in \rightarrow$ pertence.

$\notin \rightarrow$ não pertence.

Exercícios Resolvidos

C. Dados o conjunto **D** = {0, 2, 4, 6, 8} e os números 0, 1, 3, 6 e 7, relacione cada um desses números com **D**, utilizando (\in) ou (\notin).

Resolução

O número 0 \in **D** \rightarrow pois o zero pertence ao conjunto **D**.

O número 1 \notin **D** \rightarrow pois o número 1 não pertence ao conjunto **D**.

O número 3 \notin **D** \rightarrow pois o número 3 não pertence ao conjunto **D**.

O número 6 \in **D** \rightarrow pois o número 6 pertence ao conjunto **D**.

O número 7 \notin **D** \rightarrow pois o número 7 não pertence ao conjunto **D**.

D. Coloque os símbolos \in (pertence) e \notin (não pertence), para que cada um dos itens expresse uma verdade.

• 5 \in {1, 2, 3, 4, 5, 6}, pois 5 pertence ao conjunto.

• verde \in {cores da bandeira brasileira}, pois a cor verde, é uma das cores da bandeira brasileira.

• x \notin {a, e, i, o, u}, pois x não pertence ao conjunto.

• 7 \notin {números pares}, pois o número sete é um número ímpar, portanto não pertence ao conjunto dos números pares.

SUBCONJUNTOS

Podemos dizer, intuitivamente, que um subconjunto de **B** nada mais é que um conjunto **A** que “está dentro” de **B**.

Observe os conjuntos:

$$\mathbf{A} = \{2, 3, 4\} \text{ e } \mathbf{B} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$$

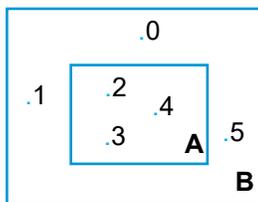
Notamos que qualquer elemento do conjunto **A** é também elemento do conjunto **B**.

Dizemos, então que:

A está contido (\subset) em **B** ou **A** é **subconjunto** de **B**.

Indica-se: $A \subset B$

Em diagrama:



Caro aluno, preste atenção nestas observações:

- Quando **A** está contido em **B** podemos dizer também, que **B** contém **A**, e se indica por:

$$\mathbf{B} \supset \mathbf{A} \quad (\mathbf{B} \text{ contém } \mathbf{A})$$

- Se existir, pelo menos, um elemento de **A** que não seja elemento de **B**, dizemos que **A** não está contido em **B** ou **A** não é subconjunto de **B**, e se indica por:

$$\mathbf{A} \not\subset \mathbf{B} \quad (\mathbf{A} \text{ não está contido em } \mathbf{B})$$

- A negação de \supset (contém) é $\not\supset$ (não contém).
- A relação de pertinência (\in) e a relação de inclusão (\subset) são diferentes, pois: os símbolos \in e \notin relacionam elementos com conjunto, enquanto os símbolos \subset e $\not\subset$ relacionam conjunto com conjunto.

\in e \notin (relacionam elemento com conjunto).

\subset e $\not\subset$ (relacionam conjunto com conjunto).

E não se esqueça de guardar estas propriedades:

Propriedades

- 1ª) Todo conjunto é subconjunto de si mesmo, ou seja, $\mathbf{A} \subset \mathbf{A}$ (**A** está contido em **A**).
- 2ª) O conjunto vazio é considerado subconjunto de qualquer conjunto, ou seja, $\emptyset \subset \mathbf{A}$ (\emptyset está contido em **A**).
- 3ª) Se $\mathbf{A} \subset \mathbf{B}$ e $\mathbf{B} \subset \mathbf{A}$, então $\mathbf{A} = \mathbf{B}$ (conjuntos iguais).

Exercícios Resolvidos

- E. Dados os conjuntos $\mathbf{A} = \{3, 4, 5, 6, 7\}$, $\mathbf{B} = \{4, 5, 6\}$ e $\mathbf{C} = \{3, 7\}$, utilize os símbolos \subset , $\not\subset$, \supset , $\not\supset$ para relacionar os seguintes conjuntos.

- **B e A:** $\mathbf{B} \subset \mathbf{A} \rightarrow$ o conjunto **B** está contido em **A** pois todos os elementos de **B**, são também elementos de **A**.
- **C e B:** $\mathbf{C} \not\subset \mathbf{B} \rightarrow$ o conjunto **C** não está contido em **B**, pois todos os elementos de **C** não são elementos de **B**.
- **A e B:** $\mathbf{A} \supset \mathbf{B} \rightarrow$ o conjunto **A** contém o conjunto **B**, ou seja **B** é um subconjunto de **A**, pois todos os elementos de **B** estão em **A**.
- **B e C:** $\mathbf{B} \not\subset \mathbf{C} \rightarrow$ o conjunto **B** não contém o conjunto **C**, pois todos os elementos do conjunto **C** não estão no conjunto **B**.

- F. Complete as lacunas com um dos sinais \subset e $\not\subset$, de modo a tornar as sentenças verdadeiras:

- $\{2\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$ o subconjunto $\{2\}$ está contido no conjunto $\{2, 3, 4\}$, pois o elemento do 1ª está contido no 2ª conjunto.
- $\{2, 3, 4\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$ pois todos os elementos do 1ª conjunto são também elementos do 2ª.
- $\emptyset \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$ pois o conjunto vazio é considerado subconjunto de qualquer conjunto.
- $\{2, 6\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$ pois existe um elemento (6) do 1ª conjunto que não é elemento do 2ª, portanto $\{2, 6\}$ não está contido em $\{2, 3, 4\}$.

CONJUNTOS IGUAIS

Dois conjuntos **A** e **B** são **iguais** se, e somente se, têm os mesmos elementos. Ou seja, todo elemento de **A** é elemento de **B** e vice-versa.

Sejam os conjuntos:

A = conjunto das letras da palavra AMOR.

B = conjunto das letras da palavra ROMA.

Representando seus elementos entre chaves temos:

$$A = \{A, M, O, R\}$$

$$B = \{R, O, M, A\}$$

Observe que $A \subset B$, porque todos os elementos de **A** são elementos de **B** e $B \subset A$, porque todos os elementos de **B** são elementos de **A**.

Desta forma, dizemos que os conjuntos de **A** e **B** são iguais.

Assim:

$$\text{Se } A \subset B \text{ e } B \subset A, \text{ então } A = B$$

A negação de $A = B$ é $A \neq B$ (lê-se **A** diferente de **B**)

OPERAÇÃO COM CONJUNTOS

Aluno, você pode chamar de reunião de dois conjuntos **A** e **B** ao conjunto formado por todos os elementos do conjunto **A**, todos os elementos do conjunto **B** e só por eles. Representa-se por:

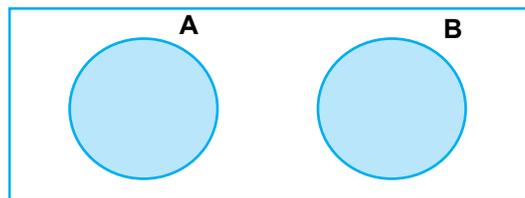
$$A \cup B \quad (\text{lê-se } A \text{ união } B).$$

Exemplo:

Seja $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{4, 5\}$, o conjunto $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$.

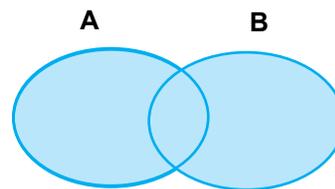
É só você escrever os elementos de **A** e os elementos de **B** em um só conjunto.

Agora, preste atenção nestes diagramas:



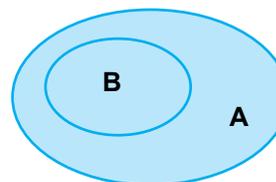
$$A \cup B$$

os conjuntos **A** e **B** não possuem elementos comuns



$$A \cup B$$

os conjuntos **A** e **B** possuem elementos comuns



$$A \cup B$$

o conjunto **B** está contido no conjunto **A**

INTERSECÇÃO DE CONJUNTOS

Chama-se **intersecção** de dois conjuntos **A** e **B** ao conjunto formado pelos elementos de **A**, que são também elementos de **B**.

Exemplo: seja $A = \{1, 2, 3, 4\}$ e

$$B = \{3, 4, 5, 6\}$$

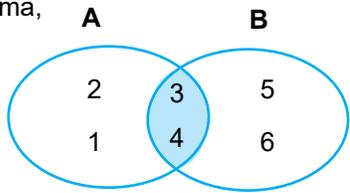
O conjunto intersecção dos conjuntos **A** e **B** é representado por:

$$A \cap B \quad (\text{lê-se } A \text{ intersecção } B).$$

$$A \cap B = \{3, 4\}$$

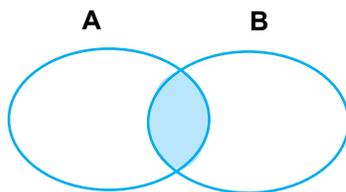
3 e 4 são os elementos que pertencem simultaneamente aos dois conjuntos.

No diagrama,



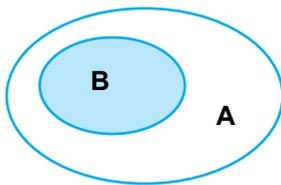
A intersecção está representada na parte interna comum às duas linhas.

Em diagrama:



$$A \cap B$$

Os conjuntos **A** e **B** têm elementos comuns.



$$A \cap B$$

O conjunto **B** está contido no conjunto **A**.



$$A \cap B = \emptyset$$

Os conjuntos **A** e **B** não têm elementos comuns. São chamadas de disjuntas.

EXERCÍCIOS



Para fixar o que você (estudou / aprendeu), resolva, em seu caderno os exercícios a seguir:

01. Efetue a reunião dos conjuntos:

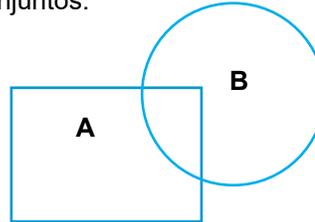
- $P = \{2, 3\}$ e $Q = \{3, 5, 6\}$
- $B = \{1, 9\}$ e $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
- $M = \{a, e, i\}$ e $N = \{2, 7\}$
- $D = \{6, 8\}$ e $E = \{6, 7, 8\}$

02. Faça a intersecção dos conjuntos dados:

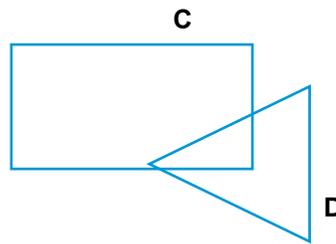
- $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{4, 3, 2\}$
- $A = \{1, 2, 3\}$ e $P = \{4, 5\}$
- $B = \{a, e, i, o, u\}$ e $N =$ conjunto das letras do alfabeto

03. Pinte a parte correspondente a intersecção dos conjuntos:

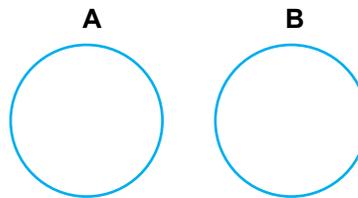
a)



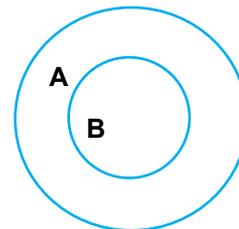
b)



c)



d)



04. Se $A = \{a, b, c\}$ e $B = \{a, d\}$, calcule:

- $A \cup B$
- $A \cap B$

05. Dados os conjuntos $A = \{1, 2, 4\}$ e $B = \{2, 4\}$ e $C = \{1, 4, 5\}$, coloque V (verdadeiro) ou F (Falso):

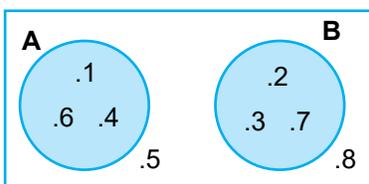
- $A \subset B$
- $A \not\subset C$
- $B \supset C$
- $A \supset B$
- $B \not\subset C$

06. Dados os conjuntos $A = \{2, 3, 4\}$, $B = \{2, 4\}$, $C = \{0\}$ relacione os elementos com os conjuntos usando os símbolos \in e \notin .

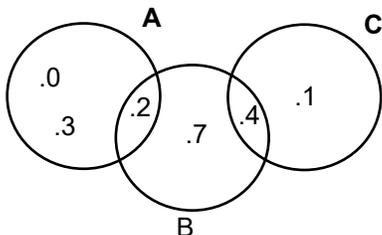
- a) 2 _____ **A**
- b) 3 _____ **B**
- c) 4 _____ **B**
- d) 0 _____ **C**
- e) 1 _____ **C**
- f) 2 _____ **B**

07. Observe o diagrama e verifique quais das seguintes sentenças são verdadeiras:

- a) $1 \in A$ ()
- b) $6 \notin B$ ()
- c) $4 \in B$ ()
- d) $8 \notin A$ ()
- e) $A = \{1, 6, 4\}$ ()
- f) $B = \{2, 3, 7, 8\}$ ()



08. Observando o diagrama a seguir, determine os conjuntos:



- a) $A \cup B$
- b) $A \cup C$
- c) $B \cup C$
- d) $A \cup B \cup C$
- e) $A \cap B$
- f) $B \cap C$
- g) $A \cap C$

09. Dados os conjuntos $A = \{1, 2, 5, 8\}$ e $B = \{0, 2, 4, 6, 8\}$ responda:

- a) Quais os elementos que estão em **A** e não estão em **B**?
- b) Quais os elementos que pertencem a **B** mas não pertencem a **A**?
- c) Quais os elementos que pertencem aos dois conjuntos ao mesmo tempo?

ATIVIDADE COMPLEMENTAR

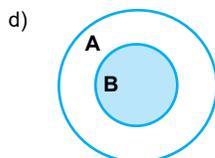
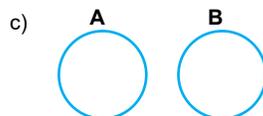
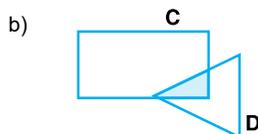
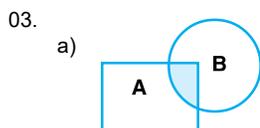
01. Dados os conjuntos: $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{2, 3, 4, 5\}$, $C = \{0, 2, 4, 6\}$ e $D = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ encontre:

- a) $A \cup B$
- b) $B \cup C$
- c) $C \cup D$
- d) $A \cap B$
- e) $B \cap C$
- f) $C \cap D$

GABARITO - MÓD. I - UE01

- 01.
- a) $P \cup Q = \{2, 3, 5, 6\}$
 - b) $B \cup A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 9\}$
 - c) $M \cup N = \{a, e, i, 2, 7\}$
 - d) $D \cup E = \{6, 7, 8\}$

- 02.
- a) $A \cap B = \{2, 3\}$
 - b) $A \cap P = \{ \} \text{ ou } \emptyset$
 - c) $B \cap N = \{a, e, i, o, u\}$



- 04.
- a) $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
 - b) $A \cap B = \{a\}$

- 05.
- a) F
 - b) V
 - c) F
 - d) V
 - e) V

- 06.
- a) \in
 - b) \notin
 - c) \in
 - d) \in
 - e) \notin
 - f) \in

- 07.
- a) V
 - b) V
 - c) F
 - d) V
 - e) V
 - f) F
- 08.
- a) $A \cup B = \{0, 2, 3, 4, 7\}$
 - b) $A \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4\}$
- c) $B \cup C = \{1, 2, 4, 7\}$
d) $A \cup B \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4, 7\}$
e) $A \cap B = \{2\}$
f) $B \cap C = \{4\}$
g) $A \cap C = \emptyset$
- 09.
- a) 1 e 5
 - b) 0, 4 e 6
 - c) 2 e 8
- Atividade Complementar
- 01.
- a) $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 - b) $B \cup C = \{0, 2, 3, 4, 5, 6\}$
 - c) $C \cup D = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9\}$
 - d) $A \cap B = \{2, 3\}$
 - e) $B \cap C = \{2, 4\}$
 - f) $C \cap D = \{ \}$

CAPÍTULO – CMMF1 – CONJUNTOS – INTRODUÇÃO

<https://www.youtube.com/watch?v=fSJAzKaB8mc>

Prof Rafael - Noções Básicas de Conjuntos | MAB #4

<https://www.youtube.com/watch?v=1zxL3MYdK04>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 1

<https://www.youtube.com/watch?v=bQ42UcLEjoY>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 2

<https://www.youtube.com/watch?v=XetNn3fNjMo>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 3

<https://www.youtube.com/watch?v=ERrIYN-Tllo>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 4

<https://www.youtube.com/watch?v=0aUEDxYjZg8>

Prof Ferretto - Conjuntos: Introdução (Aula 1 de 4)

<https://www.youtube.com/watch?v=Wxm3ugnq9Sw>

Prof Ferretto - Conjuntos: Subconjuntos e Conjunto das Partes (Aula 2 de 4)

<https://www.youtube.com/watch?v=c5a99sX-Sq8>

Prof Ferretto - Conjuntos: União e Intersecção (Aula 3 de 4)

EXERCÍCIOS

<https://www.youtube.com/watch?v=MXb7zrCr1sw>

Saber Matemática - EXERCÍCIOS RESOLVIDOS SOBRE UNIÃO DE CONJUNTOS

<https://www.youtube.com/watch?v=GG9SqO8IkPo>

Prof Arcir - 23 Conjuntos Exercícios 16 e 17 União de Conjuntos

<https://www.youtube.com/watch?v=sd4bqcjcqPY>

Prof Arcir - 21 Conjuntos Exercícios 13 e 14 Intersecção de Conjuntos Venn

<https://pt.slideshare.net/andersoncrosa9/lista-de-exerccios-conjuntos-6-ano>

<https://exercicios.brasilecola.uol.com.br/exercicios-matematica/exercicios-sobre-os-conjuntos.htm>

<https://matematicabasica.net/operacoes-com-conjuntos-exercicios/>